Collège Julia Nicolas

Correction du brevet blanc de mathématiques de janvier 2024

Exercice 1: QCM

1. A

2. A

3. B

4. A

5. A

Exercice 2:

1) a) 4 + 3 = 7

 $7^2 = 49$

49 - 36 = 13

Avec 4 au départ, on obtient bien 13 avec le programme A.

b) 4+9=13

4-3 = 1

 $13 \times 1 = 13$

Avec 4 au départ, on obtient 13 avec le programme B.

c) Avec 4 au départ, on obtient le même résultat avec les deux programmes.

2) a) **Programme A**: -2 + 3 = 1

 $1^2 = 1$

1-36 = -35

Programme B : -2 + 9 = 7

- 2 – 3 = - 5

 $7 \times (-5) = -35$

b) On obtient à nouveau les mêmes résultats en choisissant – 2 au départ.

3) a) Pour le programme A, on obtient : $A(x) = (x+3)^2 - 36$

Pour le programme B, on obtient $B(x) = (x + 9) \times (x - 3)$

b) $A(x) = x^2 + 6x + 9 - 36 = x^2 + 6x - 27$

 $B(x) = x^2 - 3x + 9x - 27 = x^2 + 6x - 27$ donc A(x) = B(x)

Pour n'importe quel nombre choisi au départ, les deux programmes donnent le même résultat.

Exercice 3:

1) 1 + 0 + 2 = 3 donc 102 est divisible par 3

2) $85 = 5 \times 17$ et $102 = 2 \times 3 \times 17$

3) a) 34 n'est pas un diviseur de 85 donc les étiquettes ne peuvent pas avoir 34cm de côté.

b) comme $85 = 5 \times 17$ et $102 = 6 \times 17$, on pourra découper 5×6 , soit 30 étiquettes.

Exercice 4:

1) a)
$$g(-1) = 2 \times (-1) - 1 = -2 - 1 = -3$$
 donc $g(-1) = -3$

b)
$$g(5) = 2 \times 5 \cdot 1 = 10 \cdot 1 = 0$$

b) $g(5) = 2 \times 5 - 1 = 10 - 1 = 9$ L'image de 5 par la fonction g est 9

c)
$$g(x) = 8$$
 signifie que $2x - 1 = 8$ soit $2x = 9$

$$x=9/2=4.5$$

4,5 est l'antécédent de 8 par la fonction g.

- 2) a) L'image de -13 par la fonction h est -1.
 - b) Les antécédents de -1 sont -13 et 4.

Exercice 5:

- 1) a) Le triangle CDE est l'image du triangle ABC par la symétrie d'axe (GC).
 - b) Le triangle AHG est l'image du triangle ABC par la rotation de centre O et d'angle 90° dans le sens anti-horaire.
- 2) Le triangle OCD est l'image du triangle ABC par la translation qui transforme A en O. Le triangle GFE est l'image du triangle ABC par la symétrie de centre O ou par la symétrie d'axe (HD).

Exercice 6:

Calculons la largeur de l'écran : $\frac{16}{9} \times 60 = \frac{320}{3}$ cm.

Calculons la diagonale de l'écran : On applique pour cela le théorème de Pythagore.
$$d^2=60^2+\left(\frac{320}{3}\right)^2=\frac{134~800}{9}$$

D'après le graphique, pour cette diagonale d'écran, la distance écran-téléspectateur doit être comprise entre 205 cm et 420 cm.

Or 3,05 m = 305 cm. Cette distance est bien comprise entre les distances minimales et maximales.

Valentin a fait un choix adapté.